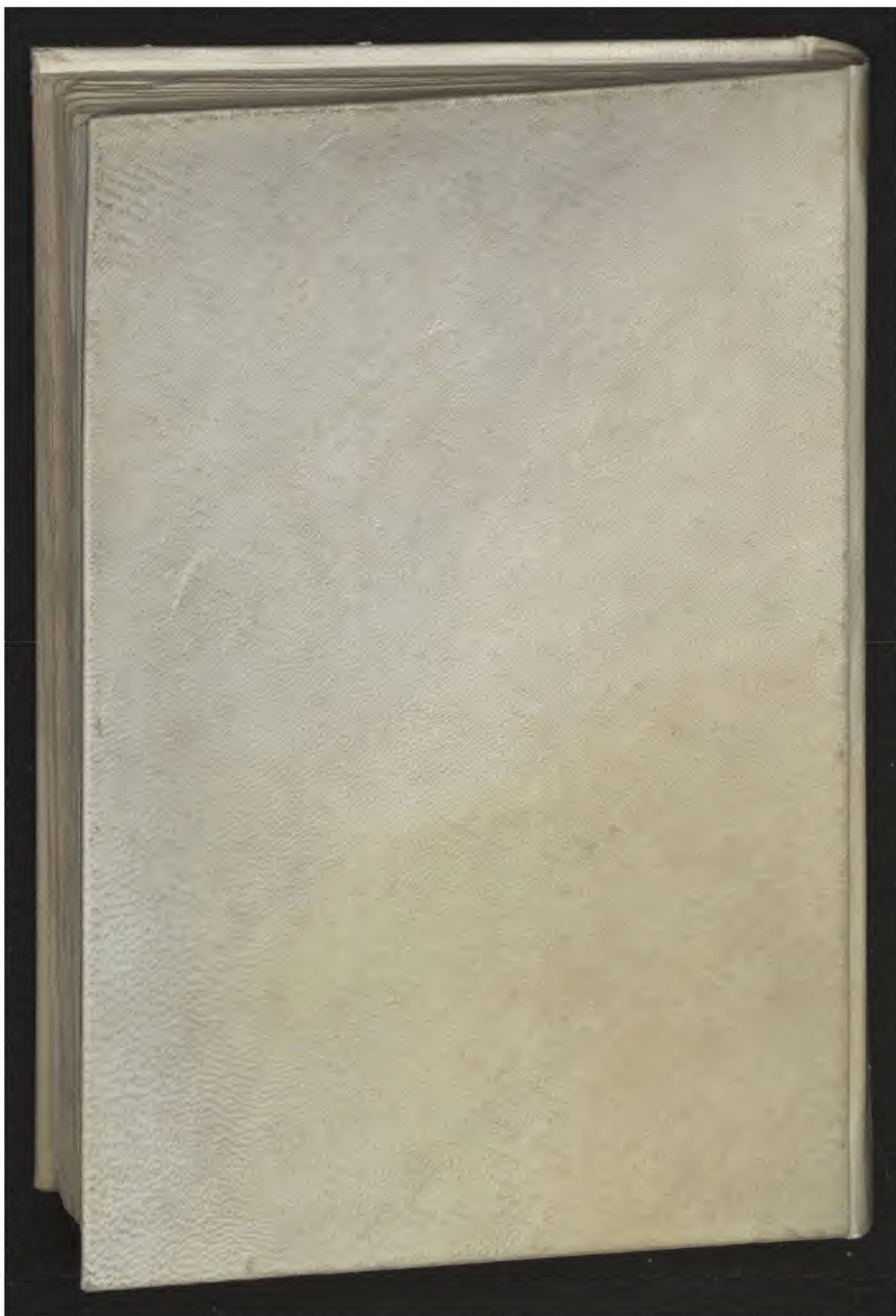
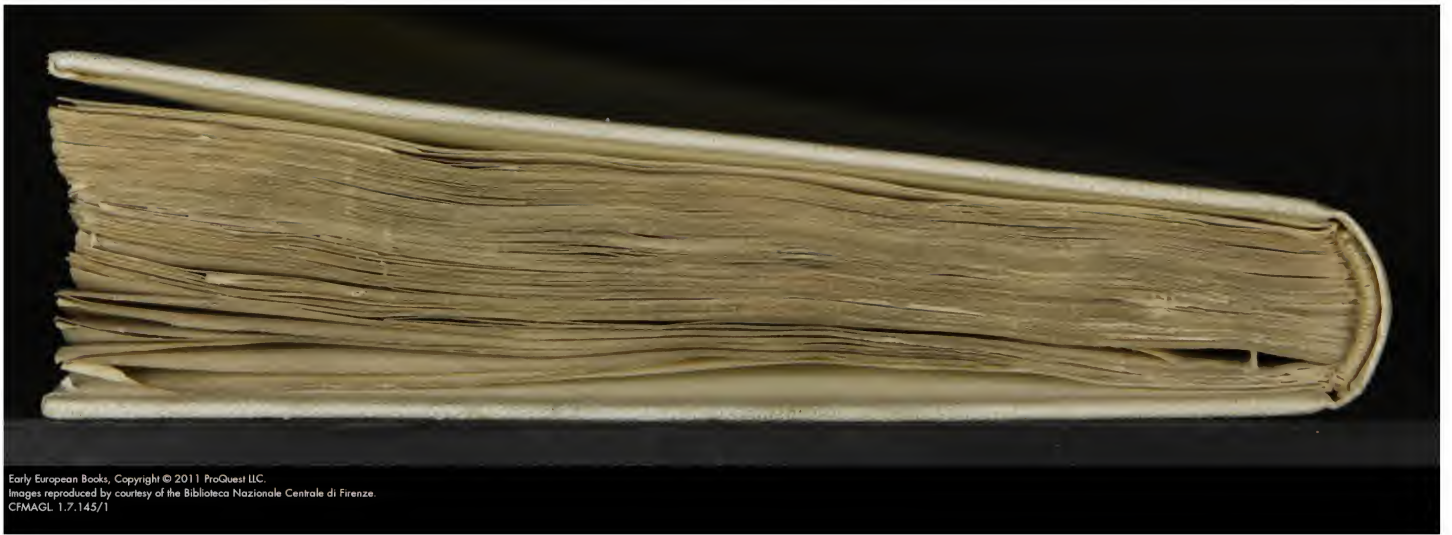


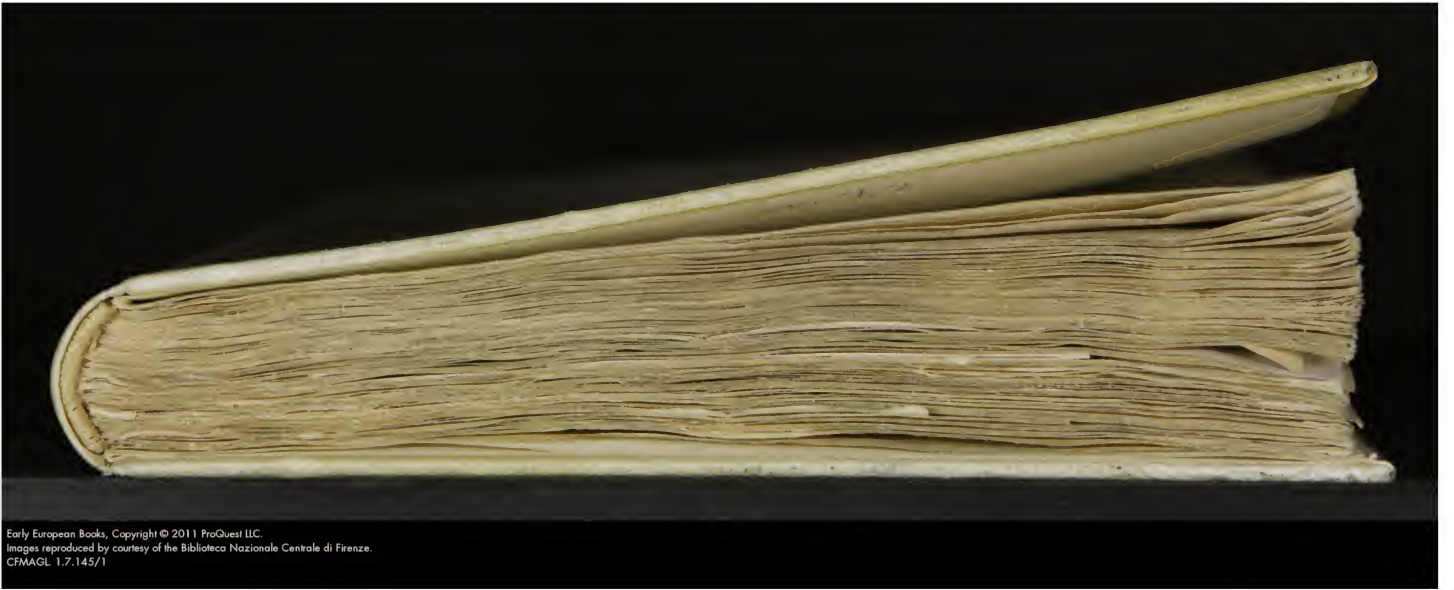


Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di Firenze.
CFMAGL 1.7.145/1

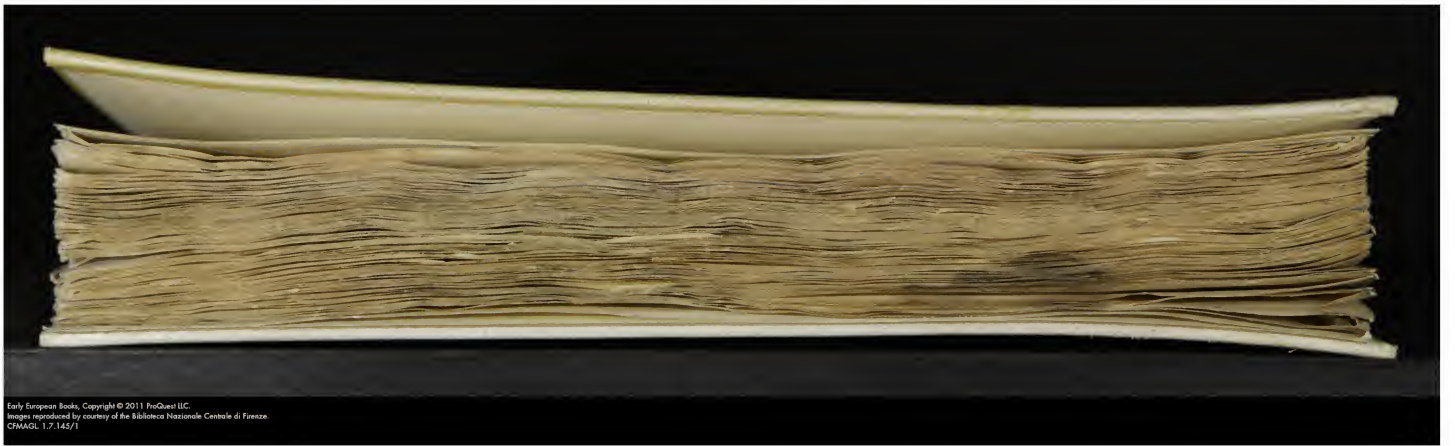




Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di Firenze.
CFMAGL 1.7.145/1



Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di Firenze.
CFMAGL 1.7.145/1



Early European Books, Copyright © 2011 ProQuest LLC.
Images reproduced by courtesy of the Biblioteca Nazionale Centrale di Firenze.
CFMAGL 1.7.145/1

1.7.145

1
MARINI
GHETALDI
PATRITII
RAGVSINI

751
Apollonius Rediuius.

Sen,
RESTITVTA APOLLONII PERGAEI
Inclinationum Geometria.

CVM PRIVILEGIIS.



V E N E T I I S,

Apud Bernardum Iuntam
M DC VII.

Antiquarier



ILLVSTRISSIMO.

A C

REVERENDISSIMO

CARDINALI

SERAPHINO.

Marinus Ghetaldus S. P. D.



IVNT nostri Perspe-
ctiui, opacum corpus,
quo luminosum fuerit
maius, cui opponitur,
eo umbras producere
minores, productasq; coire tandem
in puuctum, & illustrari. Sapui Car-
dinalis amplissimè, dum opusculū
cogitavi dicare tibi; cuius lumen ut
vni concedat, cæteris certè aut par
est, aut antecellit vniuersis. Nam

* 2 præter-

4
præterquam quod persolui debitū,
quo tibi sexcentis nominibus obstri-
ctus eram, consului præterea operi:
quod nemo non videt futurum fuis-
se obscurius, nisi illuminandum de-
dissem Purpurato. Numerabitur,
hoc inter cætera beneficia tua, refe-
ramque qui maius nō possum idem
ipsum quod accepi, & opus vnum
atque idem monumentum extabit
& beneficæ voluntatis tuæ, & grati
animi mei.

Vale. Ragusij Kalend. Maij M DC VI.

A D



AD LECTOREM.



POLLONIVS Pergæus Geometra
(ut eum veteres appellant) magnus ,
sicut multa rerum mathematicarum mo-
numenta, Pappo Alexandrino teste, po-
steritati reliquit, ita multa tempus edax
rerum, & iniuriosa vetustas posteritati
consumpsit, quattuor enim Conicorum
libris duntaxat exceptis, reliqui temporis iniuria periere. Ex-
tant autem præter cætera apud Pappum in principio libri septi-
mi collectionum, sub inclinationum titulo Problematum de in-
clinationibus opusculi propositiones, eæ tamen tam vitiate tam-
que corruptæ, ut plus in ipsis intelligendis laborandum mihi
fuerit, quam in soluendis, nec mirum, corruptus enim pluribus
in locis latinus Pappi contextus, græcum, ita corruptum (ut
Federicus Comandinus interpres affirmat) secutus est. Ne-
que enim ex vitiato fonte, qui ex inde riuulus scatet, potest non
vitiatus scaterere. Restituto autem ut mihi quidem videtur in
genuinam Auctoris sententiam codice, solutisque Problemati-
bus,

6
*bus, videor opusculum illud Apollonij ab interitu quodammo-
do ad vitam renocasse, quare illud, ne ab Apollonio de suo no-
mine, aut contempto, aut suppresso accusaret, sub eius potissi-
mum nomine apparere volui, & APOLLONIVS
REDIVIVVS inscribi.*

C O P I A.

GLI Eccellentissimi Signori Capi dell'Illustrissimo Consiglio di X. Infraſcritti hauuta fede dalli Signori Reformatori del Studio di Padoua, per relation delli dui à questo deputati, cioè del Reuerendo Padre Inquisitor, & del Circ. & fedeliſſimo Secretario del Senato Gio. Marauegia con giuramento. *Che nel Libro in Titolato Marini Ghetaldi Patritij Ragusini, Apollonius Redius, seu Apollonij Perg. ei inclinationum Geometria.* Non si troua cosa contra le leggi, & sono degno di Stampa, concedono licentia, che possino esser Stampato in questa Città.

Dat. die 17. Maij 1607.

D. Z. Battista Vitturi
D. Marco Truiſan. } Capi dell'Illustrif. Conf. di X.
D. Vincenzo Dandolo.

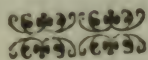
Illustrissimi Consilij X. Sec.
Barth. Cominus.

1607. a. 18. Maggio Registrato in lib. d. carte 170.

Ant. Lauren. Officij Cont. Blasph.

9

RESTITVT A APOLLONII PERGAEI
Inclinationum Geometria.



N Dato circulo aptare rectam lineam magnitu-
dine datam, quæ ad datum punctum pertingat.

Hoc Problema duos casus habet, vnum quidem si punctum
derur extra circulum: alterum vero si derur intra.

Primo casu oportebit rectam magnitudine datam non esse maiorem diametro circuli. Secundo vero casu oportebit eam nec esse maiorem diametro circuli, nec minorem ea recta linea in circulo, quæ in dato puncto secat diametrum ad rectos angulos.

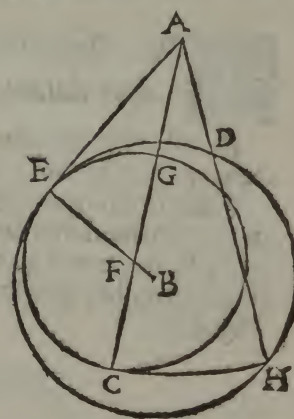
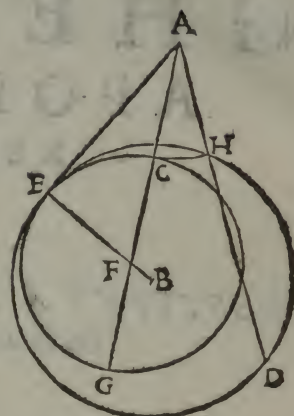
Constructio Primi casus.

Sit datus circulus DHE cuius centrum B, datum autem punctum A quod sit extra circulum, & data magnitudine recta linea Z, quæ non sit maior diametro circuli. Oporteret in circulo DHE rectæ lineæ Z æqualem rectam lineam aptare, quæ ad punctum A pertingat. Si diametro circuli DHE sit æqualis ipsa Z, ducatur ab A puncto diameter, & factum erit quod proponitur: si verò ipsa Z sit minor diametro, ducatur AE contingens DHE circulum in E, & conectatur BE, erit igitur * angulus A

APOLLONIUS

lus AEB rectus: deinde in EB, sumatur EF, æqualis dimidiæ Z, & conectatur quoq; AF, & centro F, intervallo FE describatur circulus CEG, secans AF, continuatam in punctis C, G: hunc igitur circulum contingeret recta AE, in E: rectas enim est angulus AEF. deinde centro A, in teruallo AC, describatur alius circulus secans circulum DHE, in H & per H ducatur recta linea AHD, secans eundem circulum in D. Quoniam igitur æqualia sunt rectangula HAD, CAG, utrique enim * æquale est quadratum AE, atque est AH, æqualis AC. erit & AD æqualis AG, quare per subtractionem æqualium æqualibus, reliqua HD, reliquæ CG erit æqualis: sed CG æqualis est ipsi Z, utraque enim dupla est ipsius FE; ergo & HD ipsi Z æqualis erit. In dato igitur circulo DHE, datæ rectæ lineæ Z æqualis aptata est DH, ad punctum A pertingens, quod erat faciendum.

36 Terrij



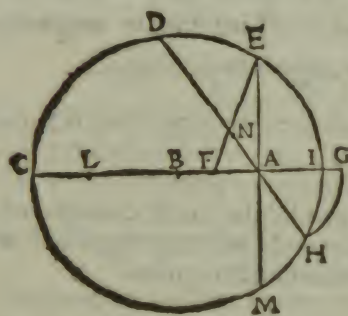
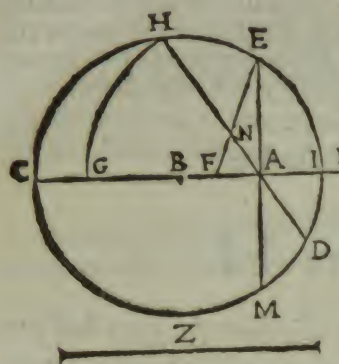
Constructio Secundi casus.

ISDEM datis, sit A punctum in circulo, & data Z non sit maior diametro circuli dati DHE, neque minor ea recta linea in circulo, quæ in A puncto secat diametrum ad rectos angulos, & oporteat facere, quod imperatum est. Ducatur per A, circuli diameter CAI. Si igitur ipsa diameter æqualis sit datæ Z; factum iam erit, quod proponebatur: si verò maior; ducatur per A, ipsi CI, ad rectos angulos EAM, & si ipsa EM, sit æqualis

REDIVIVVS.

3

æqualis datæ Z, rursus factum erit, quod proponebatur: si vero β inor, ponatur in AC, recta linea EF, æqualis dimidiæ Z,



est autē dimidia Z maior, quam EA. (quandoquidem tota maior ponitur, quam tota EM,) quæ est dupla ipsius EA: deinde ipsi FE æqualis fiat FG, & centro A, intervallo AG, describatur circulus secans circulum DHE in H, & iuncta HA, producat in D, & sumatur FL, æqualis FG, vel FE. Quoniam igitur recta linea GL secata est in partes æquales ad F, & inæquales ad A, erit rectangulum GAL vna cum quadrato FA * æquale quadrato FG, hoc est FE, sed quadratum FE, æquale est quadratis FA, EA, ergo rectangulum GAL, vna cum quadrato FA, æquale erit quadratis FA, EA, commune auferatur quadratum FA, reliquū igitur rectangulum GAL reliquo quadrato EA erit æquale: sed quadratum EA, hoc est rectangulum EAM * æquale est, rectangulo HAD, ergo rectangulum GAL erit æquale rectangulo HAD, atque est GA æqualis HA ex constructione, erit igitur & AL æqualis AD: & per additionem æqualium æqualibus erit tota HD æqualis toti GL, sed GL est æqualis ipsi Z, vtraque enim GF, FL, æqualis est ipsi FE, hoc est dimidia Z, ergo & HD ipsi Z æqualis erit. In dato igitur circulo DHE, datæ rectæ lineæ Z æqualis aptata euertit ad punctum A, pertingens, quod facere oportebat.

Diximus autem oportere datam Z, non esse maiorem diametro CI, neque minorem ipsa EM, quoniam in circulo maxima est diameter, & EM minima omnium, quæ per punctum A ducuntur.

Ducatur enim altera quædam recta linea HAD, ea que secetur bisariam in N. Quoniam igitur quadratum HN * æquale est

A 2 est

est rectangulo HAD , vna cum quadrato NA , & quadratum EA , hoc est rectangulum EAM , * æquale rectangulo HAD , tantum, quadratum EA , minus erit quadrato HN ; quare, & recta EA , minor quam recta HN , & consequenter EM , minor quam HD : sunt enim EM , HD , ipsarum EA , HN , duplæ. Similiter demonstrabimus EM , minorem esse omnibus rectis lineis, quæ per punctum A , ducuntur, quare manifesta est determinatio.

Problema II.

DATO Semicirculo, & recta linea sit ipsius basi perpendicularis, inter ipsam perpendicularem, & circumferentiam semicirculi ponere rectam lineam magnitudine datam, quæ ad semicirculi angulum pertingat.

Hoc problema quinque casus habet: duos quidem, si basim semicirculi scilicet, protractam illa perpendicularis secet. primus differt à secundo eo, quod in primo ponenda est recta lineam magnitudine data inter perpendicularem, & conuexam semicirculi circumferentiam: in secundo autem ponenda est inter perpendicularem, & circumferentiam cauam.

Alios autem duos casus habet nempe tertium, & quartum, si perpendicularis in ipsam basim cadat: tertius differet à quarto, eo quod in tertio ponenda est illa magnitudine data inter perpendicularem, & cauam semicirculi circumferentiam: in quarto autem ponenda est inter perpendicularem, & circumferentiam conuexam.

Quintum denique casum habet, si perpendicularis in extremitatem basis semicirculi cadat.

Primi tres casus determinatione indigent, duo verò reliqui nequaquam.

Primò igitur casu oportebit rectam magnitudinē datam non esse minorem eo segmento basis productæ, quod inter perpendicularem, & circumferentiam interijcitur.

Secundò casu si basis semicirculi non sit maior prædicto basis segmento, oportebit illam magnitudinē datam non esse minorem base productæ vique ad perpendicularem.

Si verò basis semicirculi non sit minor prædicto basis segmento

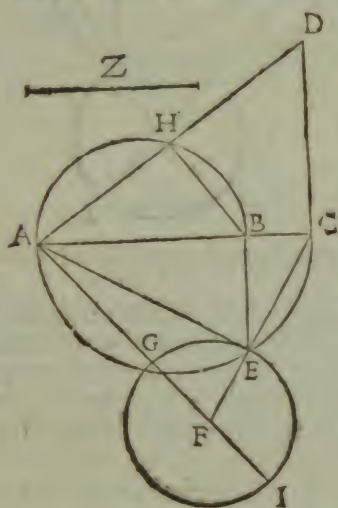
REDIVIVVS.

mento oportebit illam magnitudine datam non esse minorem
dupla proportionali inter basim, & prædictum segmentum.

Tertiò denique casu oportebit rectam magnitudine datam,
non esse maiorem segmento basis semicirculi, quod inter per-
pendicularem, & circumferentiam interijcitur ex ea parte po-
nendæ.

Constructio Primi casus.

Sit datus semicirculus AHB, in cuius basim AB, scilicet pro-
tractam, cadat perpendicularis DC, & data quoque magnitudi-
ne recta linea Z, quæ non sit,



minor, quam BC, oportet in-
ter perpendicularem DC, &
circumferentiam AHB, rectæ
lineæ Z, æqualem rectam lineam
ponere, quæ ad punctum A,
hoc est ad semicirculi angulū
pertingat. Si BC sit æqualis ip-
si Z, factum iam erit, quod pro-
ponitur, etenim inter perpen-
dicularem DC, & circumferen-
tiam AHB, posita est BC, datæ
Z æqualis. Si verò BC, sit mi-
nor quā Z, describatur in AC,
semicirculus AEC, & ipsi AC,
agatur perpendicularis BE, &
per E, ducatur recta linea CEF,
ut sit EF æqualis dimidiæ Z, &

iungatur AF, & centro F, intervallo FE, describatur circulus
quem secet AF, continuata in punctis G, I: erit igitur recta GI,
æqualis ipsi Z, & iuncta AE, continget circulum GEI: in E re-
ctus est enim angulus AEF, cum sit rectus & AEC, in semi-
circulo. Deinde accommodetur in semicirculo AHB, recta
AH, æqualis AG, inferius autem demonstrabitur AG, mino-
rem esse quam AB: producat denique AH, in D, & iunga-
tur HB. Quoniam igitur quadratum AE, æquale est rectan-
gulo IAG, & æquale quoque rectangulo CAB, est enim
AE, media proportionalis inter AB, AC: rectangulum IAG,
æquale erit rectangulo CAB.

Et quoniam æquiangula sunt triangu-
la AHB, ACD, angulus
enim

36. tertij.
17. Sexti.
Ex coroll.
8. Sexti.

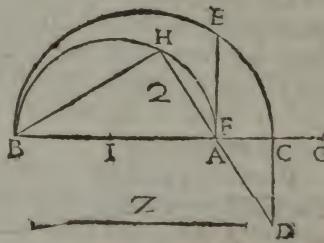
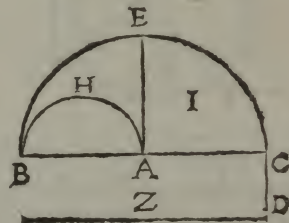
APOLLONIUS

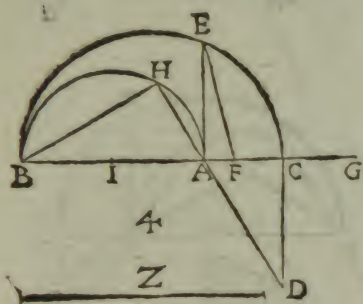
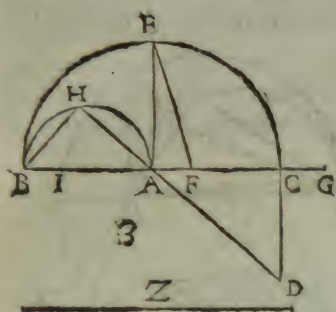
ergo & HD ipsi Z æqualis erit. Quare inter perpendicularem DC, & circumferentiam BHA, datæ rectæ lineæ Z, æqualis posita est HD, ad punctum A pertingens, quod erat faciendum.

Diximus autem si BA non sit maior, quam AC, oportere datam Z non esse minorem, quam BC, quia BC est minima omnium, quæ per punctum A ductæ inter perpendicularem CD, & circumferentiam BHA, interijciuntur.

Ducatur enim altera quædam recta linea HD, & iungatur BH, quoniam igitur propter similitudinē triangulorum BAH, DCA, proportionales sunt BA, AH, AD, AC, atque est maxima quidem AD, minima verò AH, erit HD composita videlicet ex maxima & minima * maior quam BC composita ex reliquis. Similiter ostendemus BC minorem esse omnibus rectis lineis, quæ per punctum A ductæ inter perpendicularem DC, & circumferentiam BHA, interijciuntur: quare manifesta est determinatio.

Deinde sit BA non minor quam AC, & oporteat facere quod imperatum est: in hoc casu oportebit datam Z non esse minorem, quam dupla proportionalis inter BA, AC. Describatur igitur in BC semicirculus BEC, ipsique BC, ducatur perpendicularis AE: si igitur BA sit æqualis AC, ut in prima figura, & dimidia Z, æqualis AE, hoc est tota Z, æqualis BC, factum iam erit, quod proponebatur. Si verò BA sit maior, quam AC, ut in secunda figura, ac dimidia Z æqualis AE: vel si dimidia Z sit maior quam EA, ut in tertia figura: ipsa verò BA æqualis AC vel ut in quarta figura maior, quocunque casu ponatur in AC recta linea EF, æqualis dimidiæ Z, est autem dimidia Z, non minor quam EA, quandoquidem ex determinatione Problematis tota Z non est minor, quam dupla EA. Deinde sumantur FG, FL, æquales ipsi EF, vel dimidiæ Z, & in DC ponatur AD æqualis AG, & producat ad H, & iungatur BH. Quoniam igitur





igitur IG secta est bifariam in F.
& non bifariam in A, rectangu-
lum IAG vna cum quadrato AF
* æquale erit quadrato FG hoc
est quadrato EF, sed quadratum
EF æquatur quadrato AF vna cū
quadrato EA, hoc est vna cum
rectangulo BAC; ergo quadra-
tum AF vna cū rectangulo BAC
æquabitur rectangulo IAG vna
cum quadrato AF, ablato com-
muni quadrato AF reliquū igitur
rectangulum BAC reliquo
rectangulo IAG æquale erit; qua-
re ut AB ad AI ita erit AG ad
AC, * rectangulorum enim æqua-
lium reciproca sunt latera.

Er quoniam æquales sunt an-
guli BHA, ACD, est enim uter-
que: rectus hic ex cōstructione:
ille ex vi semicirculi, & æquales
quoque anguli BAH, DAC ad
verticem, similia erunt triangu-
la BAH, DAC, ut igitur AH ad

AB ita erit AC ad AD, sed ostēsum est ut AB ad AI ita esse AG
ad AC, ergo * in perturbata proportionē erit AH ad AI, sicut
AG ad AD, sed ipsi AG posita est æqualis AD, ergo & ipsi AH
æqualis erit AI, quare per additionem æqualium AD, AG, æ-
qualibus AH, AI, erit HD æqualis IG, sed IG æqualis est ipsi Z
ex cōstructione, ergo & HD ipsi Z æqualis erit. Posita est igitur
inter DC, & circumferentiam DHA data Z æqualis HD ad
punctum A pertingens, quod facere oportebat.

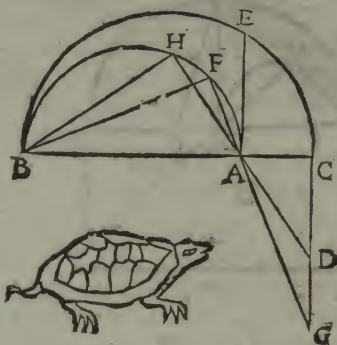
Diximus autem existente BA non minori quam AC oportere
datam Z non esse minorem quam dupla EA, quoniam ip-
sa EA dupla minima est omnium quæ per punctum A datæ in-
ter perpendicularem CD & circumferentiam BHA interij-
ciuntur.

Accomodetur enim in semicirculo BHA recta linea AH
æqualis AE, & producaturs donec secet ipsam CD in D, & iun-
gatur BH. Quoniam igitur in semicirculo est angulus BHA, is
est rectus, & ideo æqualis angulo ACD, & angulus HAB, æqua-
lis est

B

lis est

lis est angulo CAD, sunt enim ad uerticem æquiangula erunt
 triangula BHA, DCA, vt igitur BA ad AH, ita erit AD ad
 AC, sed vt BA ad AE hoc est
 ad AH, ita est AH ad AC, er-
 go AH erit equalis AD, & cō-
 sequenter tota HD dupla erit
 ipsius EA. Ostendendum igitur
 est ipsam HD esse minimā
 omnium, quæ per punctum A
 ductæ inter perpendicularē
 CD, & circumferentiā BHA
 interijciuntur.



Ducatur enim altera quædam recta linea FAG, & iungatur BF, Quoniam igitur eadem ratione æquiangula sunt triângula BFA, GCA, quæ BHA DCA, erit vt FA ad AB, ita AC ad AG, sed ostensum est supra vt BA ad AH, ita esse AD ad AC, ergo in perturbata proportionem erit vt FA ad AH, ita AD ad AG, sed in prima figura maxima est FA, minima vero AG, in secunda figura maxima AG, minima FA, quocunque igitur casu HD* minor erit quam FG. Similiter demonstrabimus HD hoc est duplam EA minorem esse omnibus rectis lineis, quæ per A punctum ductæ inter perpendicularem CD, & circumferentiam BHA interijciuntur, quare manifesta est determinatio.

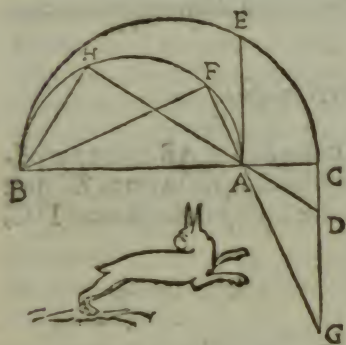
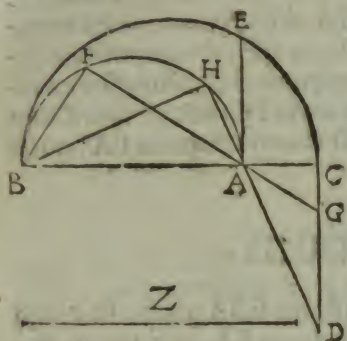


Corollarium.

Ex iam demōstratis colligitur omnes rectas lineas, quæ per punctum A ducuntur, ac duplâ EA, superant, diuisas in puncto A in partes inæquales diuidi.

Si igitur basis semicirculi fuerit maior eo, segmento basis productæ, quod inter perpendicularem, & circumferentiam interijcitur, fuerit autem & illa magnitudine data maior quam duplâ proportionalis inter basim semicirculi, & prædictû segmentum,

mentum, non autem maior, quam basis producta usque ad perpendicularem, possibile erit inter ipsam perpendicularem, & circumferentiam semicirculi ponere duas rectas lineas ei, quæ magnitudine datur æquales, quarum vtraque ad vnum eundemque semicirculi angulum pertingat.



Exponatur enim semicirculus BHA, cuius basim BA scilicet protracta secet CD ad rectos angulos, & sit BA maior quam AC, & in BC describatur semicirculus BEC, & ducatur perpendicularis AE ea erit media proportionalis inter BA AC. exponatur quoque recta linea Z, quæ sit maior quàm dupla EA, non autem maior quàm BC. Dico inter perpendicularem CD, & circumferentiam BHA possibile esse ponere duas rectas lineas expositæ Z æquales, quarum vtraque ad punctum A pertingat. Ponatur enim inter CD, & circumferentiam BHA ipsi Z æqualis HD, quæ ad punctum A pertingat, & accommodetur in semicirculo BHA recta linea AF æqualis AD, ea non erit eadem quæ AH, nam ex antecedente corollario sunt inæquales HAAD, neque maior erit quam BA, ut inferius demonstrabitur. Demde producatu^r FA donec secet rectam CD in G, & iungantur BF BH; Quoniam igitur æquiangula sunt triangula BHA, DCA, id autem pluribus in locis demonstravimus: erit ut HA ad AB, ita AC ad AD, sed propter similitudinem triangulorum BFA, GCA, est ut AB ad AF, ita AG ad AC, ergo in perturbata proportione, ut HA ad AF, ita erit AG ad AD, & permurando ut HA ad AG ita AF ad AD, sed AF æqualis est AD ex constructione; ergo & HA ipsi AG æqualis erit; quare per additionem æqualitatis HA, AG æqualibus AD, AF, erit tota FG æqualis toti HD hoc est Z expositæ.

B 2 Possibi-

Possibile igitur est per punctum A ducere duas rectas lineas expositæ Z æquales, quod erat ostendendum.

25. quin-
si.

At vero AD non esse maiorem quam BA sic demonstrabitur, sit si fieri potest AD maior quam BA, ergo AH minor erit quam AC, quandoquidem tota HD ponitur non maior quam tota BC, & quoniam propter similitudinem triangulorū BHA, DCA, proportionales sunt BA, HA, AD, AC, atque est maxima quidem AD minima verò AH, erit HD, * composita videlicet ex maxima & minima, maior quam BC composita ex reliquis, quod est absurdum, ponitur enim HD hoc est ipsa Z non maior quam BC. Non igitur AD maior est quam BA, quod erat demonstrandum.

Corollarium.

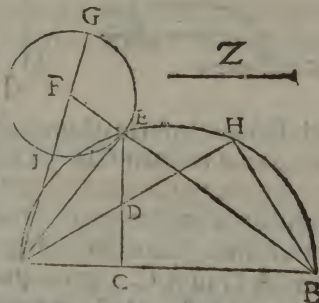
Et manifestum est ex iam demonstratis si BA maior sit quam AC, & in super data Z maior quam dupla EA, non autem maior quam BC duobus modis Problema posse absolui, hoc est duas rectas lineas Problema efficere, quod demonstrare oportebat.

Constructio Tertij casus.

Sit datus semicirculus AHB in cuius basim AB cadat perpendicularis DC, & data quoque magnitudine recta linea Z, quæ non sit maior quam CB. Oportet inter perpendicularem DC, & cauam AHB circumferentiam rectæ lineæ Z æqualem rectam lineam ponere, quæ ad punctū A pertingat.

Si BC sit æqualis ipsi Z, factum iam erit, quod proponitur, si verò BC sit maior quam Z, secet recta CD circumferentiam AHB in E, & ducatur recta linea BEF ut sit EF æqualis dimidiæ Z, & iungatur AF, & centro F intervallo FE describatur circulus, quem secet AF continuata in punctis G, I, erit igitur recta GI æqualis ipsi Z, & iuncta AE continget circulū GEI in E, rectus est enim angulus AEB in semicirculo.

Deinde



Deinde in EC ponatur AD æqualis AI, punctum D cader inter E, & C quoniam AI minor est quam AE ut * pater, maior autem quam AC ut inferius demonstrabitur. Denique producta AD in H, iungatur HB, quoniam igitur quadratum AE * æquale est rectangulo IAG, & * æquale quoque rectangulo CAB, est * enim AE media proportionalis inter AC, AB, erit rectangulum IAG æquale rectangulo CAB.

8. Tertij.

36. Tertij.

17. Sexti.

Ex coroll.

8. Sexti.

Et quoniam quadrilateri DHBC duo anguli oppositi DHB, DCB sunt recti, hic ex constructione, ille ex vi semicirculi, & ideo duobus rectis æquales, quadrilaterum illud DHBC erit in circulo, & rectangulum DAH * æquale erit rectangulo CAB, sed rectangulum IAG ostensum est æquale rectangulo CAB, ergo rectangulum DAH rectangulo IAG æquale erit, atque est AD æqualis AI ex constructione, erit igitur & AH æqualis AG; quare per subtractionē equaliū ab equalibus reliqua DH erit equalis reliquæ IG hoc est Z data. Inter perpendicularem igitur DC, & circumferentiam AHB data recta lineæ Z posita est DH ad punctum A pertingens, quod erat faciendum.

Ex coroll.

36. Tertij.

At verò AI maiorem esse quam AC sic demonstrabitur, si enim non sit maior, erit, vel minor, vel æqualis, sed ponitur, & IG hoc est Z minor quam CB, ergo AG tota minor erit quam tota AB, ac proinde rectangulum IAG hoc * est quadratum AE minus erit rectangulo CAB, quod est absurdū, illud enim quadratum huic rectangulo est * æquale, quoniam AE est * media proportionalis inter AB, AC. Maior igitur est AI quam AC, quod erat ostendendum.

36. Tertij.

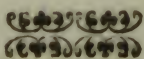
17. Sexti.

Ex coroll.

8. Sexti.

Diximus oportere datam Z non esse maiorem quam CB, ipsa enim CB est maxima omnium quæ per punctum A ductæ inter perpendicularem DC, & cauam AHB circumferentiam interijciuntur.

Ducatur enim altera quædam recta lineæ DH, eaque ad punctum A pertingat. Quoniam igitur maior est AB quam AH, & maior AD quā AC, si auferatur AC ab AB, & auferatur quoque AD, quæ est maior quam AC, ab AH minore quam AB, relinquetur CB maior quam DH. Similiter demonstrabimus CB maiorem esse omnibus, quæ per punctum A ductæ inter perpendicularem DC, & cauam AHB circumferentiā interijciuntur; quare manifesta est determinatio.

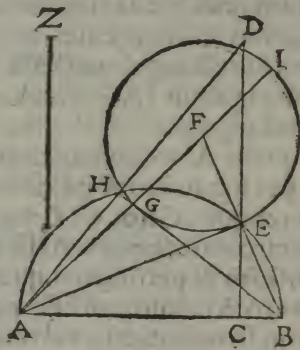


Constru-

Constructio Quarti casus.

Sit datus semicirculus AHB, in cuius basim AB cadat perpendicularis DC, data autē recta linea magnitudine sit Z, & oporteat inter perpendicularē DC, & convexam AHB circumferentiam, rectā lineā Z æqualem rectam lineam ponere, quæ ad punctum A pertingat.

Ducatur per punctum E in quo perpendicularis DC tecat circumferentiam AHB recta linea BEF, ut sit EF æqualis dimidiæ Z, & iungatur AF, & cētro F iteruallo FE describatur circulus, quem secet AF continuata in punctis G, I, erit igitur recta GI æqualis ipsi Z, & ducta AE continget circulum GEI, in E, rectus est enim angulus AEF, cum sit rectus & angulus AEB in semicirculo. De-



36. tertij.
17. Sexti.
Ex coroll.
18. Sexti.

inde in DC ponatur AD æqualis AE secans circumferentiam AHB in H, & iungatur HB. Quoniam igitur quadratū AE æquale est rectangulo IAG, & æquale quoque rectangulo CAB, est enim EA * media proportionalis inter A C, A B, rectangulum IAG æquale erit rectangulo CAB.

Et quoniam æquiangula sunt triangula AHB, ACB nam angulus AHB in semicirculo rectus est, & ideo æqualis angulo ACD recto, & angulus HAB communis utrique; proportionales erunt AH, AB, AC, AD, & rectangulum DAH sub extremis æquale erit rectangulo CAB sub medijs, sed rectangulum IAG ostensum est æquale rectangulo CAB, ergo rectangulum DAH rectangulo IAG æquale erit, atque est AD æqualis AE ex constructione, erit igitur, & AH æqualis AG, quare per subtractionem æqualū ab æqualibus, reliqua DH æqualis erit relique IG hoc est Z datæ. Inter perpendicularem igitur DC, & circumferentiam AHB datæ rectæ lineæ Z æqualis posita est DH ad punctum A pertingens, quod erat faciendum.

Q.E.D.

Constu-

tionis constituit angulum è regione portionis æqualē ei quem data portio suscipit, perpendicularis est basi semicirculi, cuius ea portio est ducta à prædicto portionis angulo, quod quidem ita demonstrabitur.

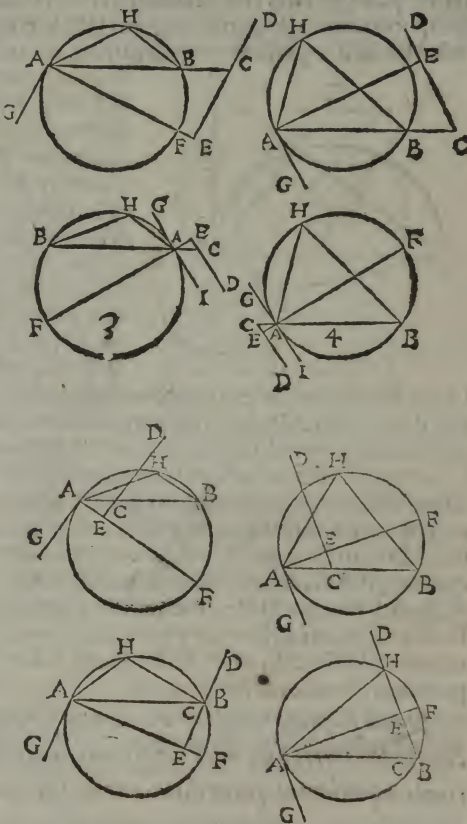
Exponatur enim quælibet circuli portio AHB, & recta linea DC constituat cum ipsius base AB angulum DCA æqualem angulo AHB, quæ ea portio suscipit, & compleatur circulus, cuius diametrum AF hoc est basim semicirculi AHF ductam à puncto A secet recta DC in E. Dico angulum AED esse rectum, ducatur enim AG ipsi AF ad rectos angulos, ea igitur cõtinget circumulum AHB in A & angulus CAG

32. Terrij

* æqualis erit angulo AHB hoc ē angulo DCA, sūt enim æquales anguli AHB, DCA, quia portio AHB suscipit angulū æqualē ipsi DCA,

quare parallelæ erunt DC, AG, & ideo angulus GAE erit æqualis angulo AED, sed rectus est GAE ex constructione, ergo & AED rectus erit, quod erat demonstrandum.

At verò in tertia figura, & quarta angulum CAG esse æqualem angulo AHB sic demonstrabitur. Producat GA in l quo niam



nam igitur angulus IAB æqualis est angulo CAG, sunt enim ad verticē, & * æqualis quoque angulo AHB, erit angulus CAG ^{32. Terz} æqualis angulo AHB.

Problema igitur de portione circuli propositum, idem est ac si proponeretur de semicirculo, eademque omnino ratione absoluetur.

Detur enim circuli portio AHB, ut supra, & recta linea DC constituat cum ipsius base AB, angulum DCA æqualē ei quem portio AHB suscipit. Oporteatque inter rectam DC, & circumferentiam AHB, data recta linea Z, æqualem rectam lineam ponere, quæ ad punctum A, hoc est ad portionis angulum pertinet. Compleatur semicirculus AHF, si portio AHB sit minor semicirculo, si verò sit maior, abscindatur ab ea semicirculus AHF. Quoniam igitur recta DC perpendicularis est basi semicirculi AF, ut supra demonstraui, erit problema de portione circuli, idem quod de semicirculo, quare eadem quoque ratione absoluetur.

Sed quoniam problema hoc ex eorum numero est, quæ determinata appellantur proponendum est de semicirculo: si enim proponeretur de portione circuli, eius casus non sine maxima difficultate distinguerentur, ac præterea determinari nequirent, nisi prius demonstraretur eam rectam lineam, quæ cum base portionis circuli constituit angulum e regione portionis, æqualem angulo in portione, perpendicularem esse basi semicirculi, cuius ea portio est ducta à prædicto portionis angulo hoc est nisi prius reuocetur ad problema de semicirculo propositum.

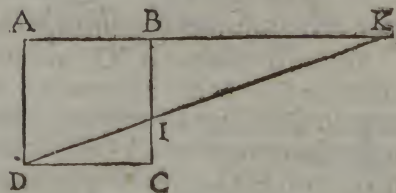
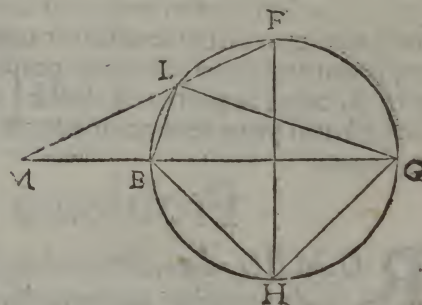
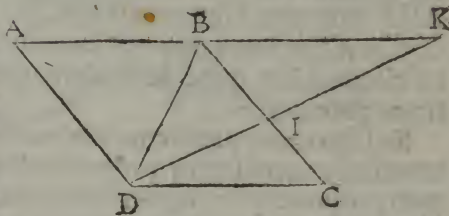
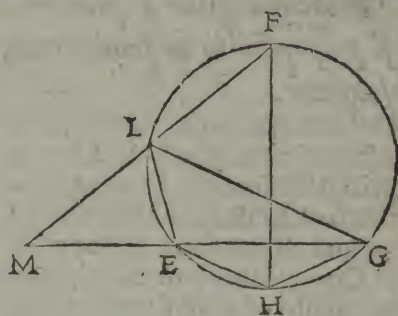
Problema III.

ROMBO dato, & uno latere producto, aptare sub angulo exteriori magnitudine datam rectam lineam, quæ ad oppositum angulum pertingat.

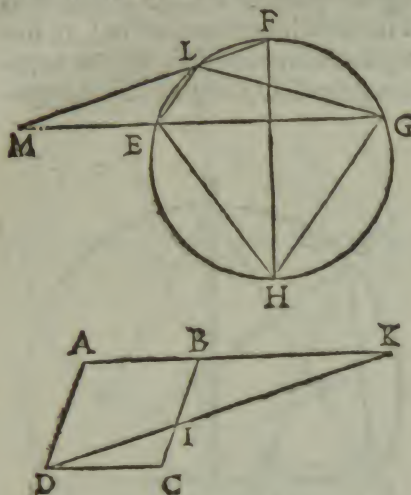
Sit datus rombus ABCD cuius diameter BD, data autem recta linea EG, & producat AB indefinite in K. Oportet sub angulo CBK, aptare rectam lineam ipsi EG æqualem, ita ut ad oppositum angulum ADC pertingat. Describatur in EG portio circuli EFG, quæ suscipiat angulum æqualem angulo CBK, & compleatur circulus EFGH, cuius diameter FH taceat ipsam EG ad rectos angulos, à puncto autem F, ducatur recta linea

C FLM

FLM, secans circulum in L, ipsam verò GE productam in M, ita ut LM sit æqualis ipsi BD, hoc enim fieri posse iam demonstratum est in quarto casu antecedentis problematis, & iungatur LG, cui æqualis ponatur BK, & iuncta quoque KD secet latus BC, in I. Dico ipsam IK problema efficere. Iungantur enim LE, EH, HG. Quoniam igitur portio circuli EFG suscipit angulum æqualem angulo CBK, angulus ELG æqualis est ipsi CBK. Et quoniam quadrilaterum LEHG est in circulo, anguli EHG, ELG oppositi duobus rectis sunt æquales; sed & anguli ABC, CBK æquales sunt duobus rectis, ergo anguli ABC, CBK, angulis EHG, ELG æquales erunt: auferantur æquales anguli CBK, ELG, reliquus igitur ABC, reliquo EHG æqualis erit, sed uterque sectus est bifariam, angulus videlicet ABC, à diametro BD, & angulus EHG, ab ipsa FH, anguli enim EHF, FHG æqualibus circumferentijs EF, FG insistentes sunt æquales, ergo angulus DBC angulo EHF equalis erit, sed angulo EHF, quadrilateri EHFL, in circulo equalis est angulus MLE, externus videlicet interno, & opposito, ergo angulus DBC æqualis est angulo MLE, & per additionem æqualium



lium æqualibus, totus angulus DBK. toti MLG æqualis erit: sed
& latus DB æquale est lateri ML ex constructione & latus BK



æquale lateri LG. triangu-
la igitur DBK MLG æqua-
lium erunt laterum, & an-
gulorū, & ideo angulus k,
æqualis erit angulo LGM.
Quoniam igitur triangu-
li BKI angulus k. æqualis
est angulo LG E trianguli
LGE, & angulus IBK æ-
qualis angulo ELG, atque
latus BK æquale lateri LG
erit, & *basis IK basi EG
æqualis. Sub angulo igitur
CBK aptata est IK æqua-
lis EG data, atque ad angu-
lum ABD pertingit, quod
faciendum erat.

4. Primè.

6. Primè.

Problema IIII.

ROMBO dato, & duobus lateribus productis, aptare
sub angulo interiori, magnitudine datam rectam li-
neam, quæ ad oppositum angulum pertingat. Oportet autem
illam magnitudine datam non esse minorem, ea recta linea,
quæ per extremitatem diametri ad rectos angulos ducta, in-
ter producta, rombi latera interjicitur.

Sit datus rombus ABCB, cuius dia meter BD. data autem re-
cta linea EG. & producatur BA. BC indefinite. Oportet sub an-
gulo CBA aptare rectam lineam æqualem ipsi EG, ita ut ad an-
gulum ADC pertingat; ducatur per D punctum in ipsi BD perpẽ-
dicularis ODN, secans BA. BC productas in punctis O. N. Si igitur
ON sit æqualis ipsi EG, factum iam erit quod proponitur,
si verò EG sit maior, quam ON, minor autem nō est quoniam
ita est determinatum. Describatur in EG portio circuli EFG,
quæ suscipiat angulum æqualem angulo CBA, & compleatur
circulus EFGH, cuius diameter FH taceptam EG ad rectos
angulos in V, à puncto autem H, ducatur recta linea HML se-
cans ipsam EG in M, circulum verò in L, ita ut LM sit æqualis

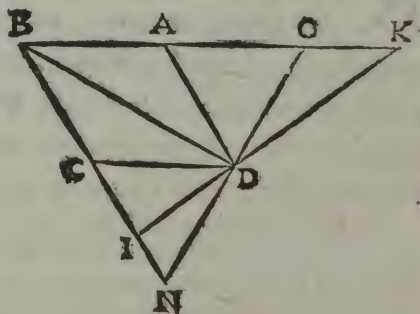
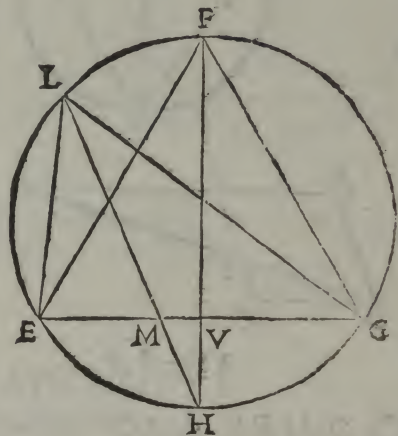
C 2 ipsi

ipsi BD: id enim iam docuit secundi Problematis casus tertius, & verò BD minorem esse quam FV, inferius demonstrabitur. Deinde iungatur LG cui æqualis ponatur BK, & iuncta quoque KD producat, donec secet BC continuatam in I, & iungatur LE. Quoniam igitur portio circuli EFG suscipit angulum æqualem angulo CBA, angulus ELG angulo CBA æqualis erit.

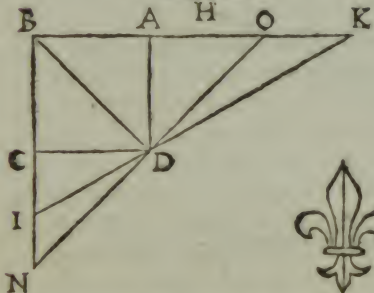
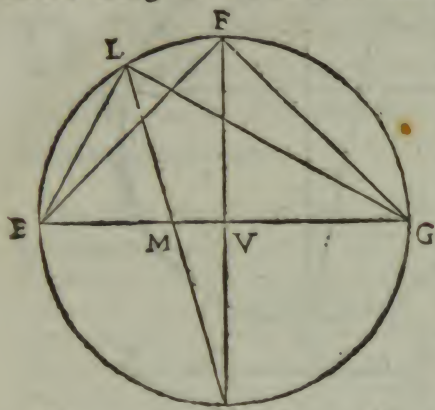
Et quoniam LH diuidit angulum ELG bifariam, anguli enim ELH, HLG, æqualibus circumferentijs EH, HG, insistentes sunt æquales: similiter & BD diameter rombi diuidit angulum CBA bifariam, erit angulus HLG angulo DBK æqualis: est autem & latus LG æquale lateri BK ex constructione, & latus LM æquale lateri BD, triangula igitur LGM, BKD, equalium erunt laterum & angulorum, unde angulus LGM æqualis erit angulo k. Quoniam igitur trianguli LGE angulus LGM æqualis est angulo k, trianguli BKI, & angulus ELG æqualis angulo IBK, ut est demonstratum, atque recta LG æqualis rectæ BK ex constructione, erit & EG ipsi IK æqualis.

Sub angulo igitur CBA, aptata est IK æqualis EG datæ, atque ad punctum D, hoc est ad angulum CDA pertingit, quod erat faciendum.

At verò BD minorem esse quam FV, sic demonstrabitur: Iungantur EF, FG, angulus igitur EFG æqualis est angulo CBA, quoniam portio circuli EFG suscipit angulum æqualem ipsi CBA,



CBA, sed uterque sectus est bifariam à rectis lineis FH, BD, ergo angulus VFG æqualis erit angulo DBO, est autem & angulus FVG angulo BDO æqualis: rectus enim est uterque, ergo



& reliquus reliquo æqualis erit, similia igitur erunt triacula FVG, BDO, ut igitur OD ad DB, ita erit GV ad VF, & permutando, ut OD ad GV, ita DB ad VF, sed OD minor est quam GV: quandoquidē tota ON, quæ est dupla ipsius OD, ponitur minor quam EG, dupla videlicet ipsius GV, ergo, & BD minor erit quam FV, quod erat demonstrandum.

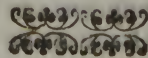
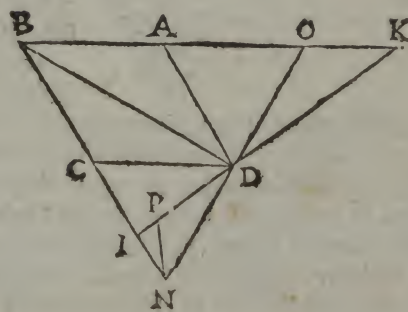
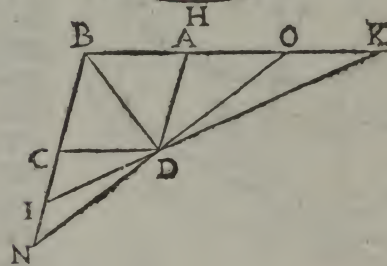
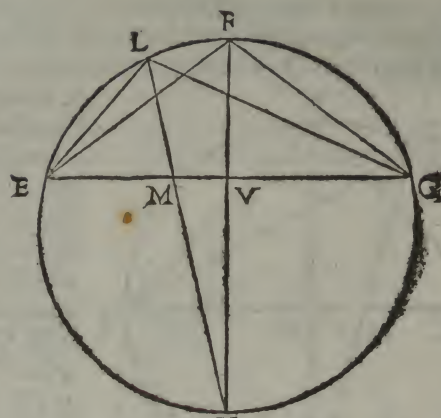
Diximus autem oportere ipsam EG non esse minorem quam ON, quia ON minima est omnium, quæ per punctum D ductæ, inter producta latera BA, BC interijciuntur.

Ducatur enim per punctum D, altera quædam

recta linea IDK. Quoniam igitur angulus CBA sectus est bifariam à diametro BD, angulus DBN æqualis erit angulo DBO, sed & angulus BDN æqualis est angulo BDO, rectus videlicet recto, ergo & reliquus reliquo æqualis erit, triacula igitur BDN, BDO, similia erunt, sed & æqualia, quia latus BD commune est utrique, ergo ND æqualis erit ipsi DO, & angulus BOD æqualis angulo BND, sed angulus BOD maior est angulo k, externus videlicet interno, & opposito, ergo & angulus BND angulo k maior erit, fiat igitur angulo k æqualis angulus DNP, ergo æquiangula erunt triacula PND, OKD, quia æquales habent & angulos ad D, ut igitur DK ad DO, ita erit DN ad DP, sed Dk maior est quam DO, ergo & DN quam DP maior erit, itaque quoniam maior est Dk, quam DO.

DO, hoc est
quam DN,
& DN ma-
ior quam DP,
erit Dk om-
nium maxi-
ma, & DP
minima, &
quoniā qua-
tuor rectæ li-
næ propor-
tionales sūt
Dk, DO,
DN, DP, at-
que est ma-
xima quidē
Dk, minima
verò DP, e-
rit Pk com-
posita vide-
licet ex ma-
xima, & mi-
nima, * ma-
ior quā NO
cōposita ex
reliquis, er-
go Ik mul-
to maior e-
rit, quā NO.
Similiter de-
mōstrabitur
NO mino-
rem esse om-
nibus, quæ
per pūctum
D ducuntur, quare manifesta est determinatio.

as. quin.
61



Problema

Problema V.

DATIS duobus semicirculis indirectum bases habentibus, inter ipsorum circumferentias ponere rectam lineam magnitudine datam, quæ ad angulum unius semicirculorum pertingat.

Hoc problema sicuti varias habet datorum semicirculorum positiones, ita varios habet casus, quorum unusquisque sua indiget determinatione, causa magnitudinis datæ rectæ lineæ, ad quos explicandos, ordinandosque (excogitavi enim solutionem) animus requiritur plane solutus, ac vacuus: talis in præsentia non est meus, quod cum à Republica nostra Constantinopolim legatus mittar, ad exponendum potius, legationem, quam ad problema explicandum, animum applicem necesse est. Distulisse autem, ut omnia simul euulgarentur, libri editionem ad redditum meum libentissimè, nisi Nicolaus Tuditijs, & Luca Bonus, ingeniosi sanè viri, & prudentes, mihiq; coniunctissimi, aliud mihi suassent: aiebant enim hac arte excitari, acuique multorum ingenia posse, ut dum problematis solutionem desiderant, ipsi interim studeant excogitare solutionem, a quieui: edidi librum: proposito tantum non soluto Problemate, expecto dum solvatur ab alio. Ego interim amice lector, ne videar, aut invidisse tibi, aut de fuisse mihi, cum primum ex legatione ocij, aliquid nactus fuero, absoluam tibi problema, imponam operi fastigium, satisfaciã muneri meo, voluntati tuæ.

[Faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the page]

005644612